

## **ОТЗЫВ**

официального оппонента

доктора физико-математических наук, профессора

Кузнецова Михаила Михайловича

на диссертационную работу Никитченко Юрия Алексеевича

"Системы моментных уравнений и следующие из них модели неравновесных течений",

представленную на соискание ученой степени доктора физико-математических наук по

специальности 01.02.05 – "Механика жидкости газа и плазмы"

Диссертационная работа Никитченко Юрия Алексеевича посвящена разработке физико-математических моделей течений высокой поступательной (динамической) неравновесности. В качестве теоретической основы работы положены моментные методы молекулярно-кинетической теории газов.

### **Актуальность темы исследования**

Современные разработки в области аэрокосмической техники, а так же ряда других отраслей промышленности требуют развития вычислительных методов газовых течений, в которых энергия теплового движения молекул существенно неравномерно распределена между их степенями свободы. Развитие технологий параллельных вычислений позволяет достаточно эффективно решать системы дифференциальных уравнений высокого порядка. Эти два обстоятельства обуславливают актуальность и привлекательность разработки физико-математических моделей течений на базе систем моментных уравнений.

### **Содержание работы**

Диссертационная работа состоит из введения, семи разделов, заключения, списка сокращений и списка использованных источников (106 источников). Объем составляет 252 страницы, 51 рисунок.

Во введении автором обоснована актуальность темы и направления исследований, сформулированы основные цели и задачи работы, показаны научная новизна и ценность результатов, выносимых на защиту.

В первом разделе разработан метод построения системы моментных уравнений для функции распределения общего вида. На основе этого метода построена система моментных уравнений третьего порядка для многоатомных однокомпонентных газов (24-моментная система). Предложен критерий оценки степени неравновесности течения.

Во втором разделе показано, что коротковолновая неустойчивость системы моментных уравнений связана с рассогласованием локального и балансового выражений замыкающих моментов. Разработаны методы снижения коротковолновой неустойчивости систем моментных уравнений, позволяющие расширить область применимости указанных систем до гиперзвуковой области.

В третьем разделе получены первое и второе приближения системы моментных уравнений третьего порядка. Коэффициент объемной вязкости получен из системы уравнений третьего порядка в ее первом приближении. Показано, что первое приближение температур поступательных и внутренних степеней свободы следует из системы моментных уравнений третьего порядка.

В четвертом разделе разработана феноменологическая модель граничных условий на твердой поверхности, позволяющая определять скольжение скорости и скачок температуры в широком интервале чисел Маха.

В пятом разделе построены инженерные модели неравновесных течений. Анализируются недостатки моделей первого приближения в отношении описания течений высокой степени поступательной (динамической) неравновесности.

В шестом разделе представлены результаты тестовых расчетов вырожденных течений. Рассмотрены различные модели граничных условий на твердой поверхности и разработанные в диссертационной работе модели течений.

В седьмом разделе рассмотрено гиперзвуковое обтекание тонкой пластины установленной под нулевым углом атаки. Расчеты проведены с использованием модели Навье-Стокса-Фурье и инженерных моделей. Показаны преимущества инженерных моделей.

В заключении диссертации подводятся итоги исследования, обсуждаются перспективы и направления дальнейших разработок, приводятся рекомендации по практическому применению разработанных моделей течения.

#### **Достоверность и новизна полученных результатов.**

Достоверность полученных результатов подтверждена сравнением расчетных данных с данными экспериментальных исследований разных авторов.

Предложенный автором диссертации метод построения системы моментных уравнений для функции распределения общего вида, так же как и разработанные модели неравновесных течений не имеют аналогов. Метод снижения коротковолновой неустойчивости моментных систем в своей основе содержит известную методику, применяемую для регуляризации модели R13. Вместе с тем, разработанный метод содержит ряд принципиальных отличий от метода регуляризации.

Научная новизна методов, моделей и положений, выносимых на защиту не вызывает сомнений.

#### **Научная и практическая значимость работы.**

Метод построения системы моментных уравнений в совокупности с методами снижения ее коротковолновой неустойчивости позволяют разрабатывать физико-

математические модели с моментами более высокого порядка, что позволит расширить область применения этих моделей как по числам Маха, так и по числам Кнудсена.

Инженерные модели и модель граничных условий на твердой поверхности могут быть использованы при разработке пакетов прикладных программ для расчетов неравновесных течений.

### **Общая оценка диссертационной работы.**

Область исследования диссертационной работы Никитченко Юрия Алексеевича соответствует следующим направлениям паспорта научной специальности 01.02.05 – "Механика жидкости, газа и плазмы":

- течения сжимаемых сред и ударные волны.
- динамика разреженных газов и молекулярная газодинамика.
- аэродинамика и теплообмен летательных аппаратов.
- тепломассоперенос в газах и жидкостях.
- аналитические, асимптотические и численные методы исследования уравнений кинетических и континуальных моделей однородных и многофазных сред (конечно-разностные, спектральные, методы конечного объема, методы прямого моделирования и др.).

Диссертационная работа выполнена на актуальную тему. Материал диссертации изложен логично и аргументировано. Автореферат диссертационной работы и публикации автора полностью отражают содержание диссертации и соответствуют требованиям ВАК. Результаты работы с достаточной полнотой опубликованы. Существенным преимуществом диссертационной работы является прикладной характер разработанных физико-математических моделей. Результаты, полученные в ходе диссертационной работы, представляют практическую ценность.

### **Замечания по диссертационной работе:**

1. В уравнении (1.21) и в выражении, содержащемся во втором снизу абзаце с.31 пропущен подстрочный символ "сигма".
2. На рисунке 6.8 с целью сравнения с результатами диссертанта целесообразно привести кривые зависимости обратной ширины ударной волны от числа Маха, полученные из решения известной модели регуляризованных моментных уравнений R13.
3. В п.3 метода построения системы моментных уравнений  $N$ -го порядка (с.59) сказано: "время релаксации моментов порядка 3  $N >$  принимаются в качестве свободных параметров модели". Повышение порядка системы на единицу приводит к появлению двух тензорных уравнений и, следовательно, к появлению двух свободных параметров. При решении перспективной задачи "о необходимом порядке системы моментных

уравнений для описания течений при  $Kn \geq 1$ " потребуется рассмотрение систем достаточно высоких порядков, что приведет к численному исследованию многопараметрической задачи. В диссертации не сказано, какими методами может быть решена эта многопараметрическая задача.

Данные замечания не снижают общей положительной оценки работы и носят рекомендательный характер.

### Заключение

Диссертационная работа Никитченко Юрия Алексеевича "Системы моментных уравнений и следующие из них модели неравновесных течений" представляет собой законченное научное исследование, посвященное решению актуальной задачи, характеризующееся научной новизной и практической ценностью. Диссертационная работа выполнена с использованием современных методов аналитического и численного исследования, написана квалифицированно и аккуратно оформлена.

Диссертационная работа соответствует требованиям ВАК РФ, а ее автор, Никитченко Юрий Алексеевич, заслуживает присвоения ему ученой степени доктора физико-математических наук по специальности 01.02.05 - "Механика жидкости, газа и плазмы"

Официальный оппонент,  
профессор кафедры теоретической физики,  
доктор физико-математических наук, профессор

М.М.Кузнецов

Московский государственный областной университет,

105005, г. Москва, ул. Радио, д. 10А

Телефон 8 906 037-30-99

Адрес электронной почты: [kaf-tfiz@mgou.ru](mailto:kaf-tfiz@mgou.ru)

Организация – место работы:

Государственное образовательное учреждение высшего профессионального образования Московский государственный областной Университет, кафедра теоретической физики

web-сайт организации: [mgou.ru](http://mgou.ru)

Должность: профессор

Подпись проф. Кузнецова М. М. и сведения заверяю.

Проректор по научной работе,

Доктор юридических наук, доктор педагогических наук



Е.А. Певцова