
УДК 629.7.05

Некоторые практические способы независимого оценивания параметров объектов авиационных систем

Елисеев В. Д., Белова Е. С., Котельникова А. В., Чемоданов В. Б.*

Московский авиационный институт (национальный исследовательский университет),

МАИ, Волоколамское шоссе, 4, Москва, А-80, ГСП-3, 125993, Россия

**email:chemv@gmail.com*

Аннотация

В статье предлагаются практические способы оценивания в реальном масштабе времени неизвестных параметров ряда типовых объектов. Способы позволяют непрерывно оценивать какой-либо или каждый параметр независимо от других, что существенно повышает точность и ускоряет процесс оценивания.

Ключевые слова: оценивание, определители формул Крамера, невязка, квадрат ошибки, статические и динамические объекты, динамические коэффициенты самолета.

Введение

Известен ряд способов оценивания (идентификации) неизвестных параметров статических и динамических объектов управления заданной структуры [1÷8].

Для многих задач наиболее привлекательными являются способы, которые основаны на стремлении минимизировать текущий квадрат ошибки (невязки), зависящей от ошибок оценивания параметров. Однако их недостаток состоит в том, что текущие оценки оказываются зависящими друг от друга и от начальных условий объекта, а скорости настройки оценок каждого параметра не дают правильного независимого стремления к его истинному значению. Использование таких оценок приводит к неправильной работе системы управления объектом, так как для нее важен не минимум общей ошибки, а минимумы ошибок оценивания каждого из параметров, оценки которых играют свою особую роль в алгоритмах управления объектом. Это приводит к необходимости изменений способов оценивания.

Основная идея предлагаемых способов оценивания неизвестных параметров статических и динамических объектов известной структуры состоит в одновременном непрерывном использовании не только текущих измеряемых входных и выходных координат объекта, но и близких по времени прошлых значений этих координат [9]. Эти значения можно получить с помощью звеньев запаздывания или других динамических звеньев и фильтров в соответствии с числом оцениваемых параметров объекта. Получаемая при этом совокупность уравнений объекта может быть преобразована так, чтобы свести задачу оценивания всех параметров объекта по общей невязке к нескольким задачам оценивания только одного параметра по своей невязке, что позволяет обеспечить независимое (раздельное) оценивание всех или только требуемых параметров.

2. Оценивание параметров статических объектов

Статические объекты являются более простыми в сравнении с динамическими объектами, однако, многие особенности оценивания их параметров могут быть использованы также при оценивании параметров динамических объектов.

2.1. Постановка задачи

Пусть имеется линейный статический объект, соответствующий уравнению

$$y = x_1 k_1 + x_2 k_2 + \dots + x_m k_m \quad (1)$$

или в векторной форме

$$y = \mathbf{x} \mathbf{k},$$

где \mathbf{x} – m – мерный вектор входных воздействий $\mathbf{x} = [x_1, x_2, \dots, x_m]$, составляющие которого в общем случае измеряются с помехами;

y – скалярная выходная координата, измеряемая также с помехами;

$\mathbf{k} = [k_1, k_2, \dots, k_m]^T$ – вектор-столбец неизвестных параметров объекта.

Требуется сформировать систему непрерывного независимого оценивания какого-либо или каждого параметра k_i ($i=1, 2, \dots, m$) в реальном масштабе времени с возможностью обеспечения требуемой точности оценивания по крайней мере для стационарных объектов при достаточных спектральных составах и уровнях полезных составляющих входных воздействий.

2.2. Решение задачи

Требуемое решение поставленной задачи можно получить сразу, но только в частном случае, когда имеется лишь один неизвестный параметр k_i , а остальные равны нулю. В этом случае можно сформировать невязку вида

Формулы (7) показывают, что задача оценивания параметров исходного объекта (1) с m неизвестными параметрами сводится к задаче оценивания только одного неизвестного параметра в каждом из m объектов, которые имеют один вход и один выход. Все эти объекты имеют одинаковый вход $\Delta(t)$ и разные выходы $\Delta_i(t)$.

Для независимого оценивания какого-либо или всех неизвестных параметров согласно формуле (7) сформируем невязки вида (2)

$$\varepsilon_i(t) = \Delta_i(t) - \Delta(t) k_{ie}, \quad i = 1, 2, \dots, m,$$

где k_{ie} - оценка параметра k_i .

Далее, как обычно при идентификации одного параметра, можно сформировать скорости изменения оценок k_{ie} на основе минимизации текущего квадрата ошибки. В результате применения метода градиента получаем алгоритмы для скоростей независимой настройки оценок любого параметра k_i

$$dk_{ie}/dt = \lambda_i \cdot \varepsilon_i \Delta = \lambda_i (\Delta \Delta_i - \Delta^2 k_{ie}). \quad (8)$$

При достаточных спектральных составах и уровнях полезных составляющих сигналов x_i ($i = 1, 2, \dots, m$) и достаточной длительности настройки (за счет выбора коэффициентов λ_i) выражения в скобках будут уменьшаться, обеспечивая стремление оценок к истинным значениям соответствующих параметров объекта. Реализация алгоритмов может быть видоизменена за счет умножения сигнала ошибки на знак Δ ($\text{sign} \Delta$), если минимизировать модуль ε_i [2].

При реализации полученных алгоритмов целесообразна постановка фильтров помех в сигналах u, x_i . Частотные характеристики этих фильтров для повышения точности могут учитывать спектральные особенности помех. При этом важно, чтобы частотные характеристики фильтров в цепях сигналов $\Delta(t)$ и $\Delta_i(t)$ были одинаковыми, чтобы в противном случае не привести к регулярным ошибкам в оценивании параметров вследствие различного изменения формы математических ожиданий процессов $\Delta(t)$ и $\Delta_i(t)$, содержащих помехи.

Требования точности и длительности оценивания противоречат друг другу при выбранных фильтрах. Это противоречие неустранимо и удовлетворительное решение может быть достигнуто экспериментальным выбором коэффициентов усиления λ_i с учетом особенностей и требуемой точности реальной системы, в которой должны использоваться получаемые оценки.

Отметим еще раз, что для рассмотренной задачи возможно использование вместо запаздывающих звеньев других инерционных звеньев, например, апериодических с различными постоянными времени. Это легко подтверждается практическими расчетами.

Предложенное решение может быть распространено и на более широкий класс статических объектов путем учета как постоянной, так и более высоких членов разложения нелинейной функции $y(x)$, что потребует дополнительных запаздывающих звеньев и цепей получения оценок параметров этих составляющих.

2.3. Пример оценивания неизвестных динамических коэффициентов самолета

Рассмотрим линеаризованное уравнение, связывающее нормальную перегрузку самолета с углом атаки и отклонением рулей высоты при малых углах скольжения

$$n_y = n_y^\alpha \alpha + n_y^\delta \delta_\epsilon + n_{y0}, \quad (9)$$

где n_y – нормальная перегрузка, α - угол атаки, δ_ϵ – угол отклонения рулей высоты, n_y^α , n_y^δ , n_{y0} - неизвестные динамические коэффициенты, подлежащие оцениванию в полете. Это оценивание необходимо для уточнения результатов продувок в аэродинамической трубе и для использования в алгоритмах управления самолетом.

Уравнение (9) соответствует статическому объекту (1) при постоянстве динамических коэффициентов и наличии датчиков сигналов нормальной перегрузки, угла атаки и угла отклонения рулей высоты.

Аналогично можно использовать в качестве уравнения статического объекта уравнение для поперечной перегрузки, зависящей от угла скольжения и угла отклонения руля направления

$$n_z = n_z^\beta \beta + n_z^\delta \delta_H + n_{z0},$$

где n_z – поперечная перегрузка, β - угол скольжения, δ_H – угол отклонения руля направления, n_z^β , n_z^δ , n_{z0} - неизвестные динамические коэффициенты, подлежащие оцениванию в полете.

Далее будем рассматривать только уравнение для нормальной перегрузки (9), полагая, что оцениваемые динамические коэффициенты практически постоянны на заданных режимах полета с постоянной скоростью V и высотой полета H . Для простоты решения будем оценивать только коэффициенты n_y^α , n_y^δ .

Для оценивания двух коэффициентов n_y^α , n_y^δ получим два уравнения путем исключения величины n_{y0} . Для этого пропустим все измеряемые сигналы через запаздывающие звенья с передаточными функциями $e^{-\tau_1 s}$ с временной задержкой, например, $\tau_1 =$

0,2с. Вычитая из измеренных сигналов их задержанные значения, получим уравнение, не содержащее составляющей n_{y0}

$$\Delta n_y = n_y^\alpha \Delta \alpha + n_y^\delta \Delta \delta_\delta, \quad (10)$$

где $\Delta n_y, \Delta \alpha, \Delta \delta_\delta$ – приращения измеренных сигналов за время 0,2с.

Для получения второго уравнения задержим все приращения на величины τ , например, равные 0,5с. В результате получим систему двух алгебраических уравнений с двумя неизвестными

$$\begin{aligned} \Delta n_y &= n_y^\alpha \Delta \alpha + n_y^\delta \Delta \delta_\delta, \\ \Delta n_{y\tau} &= n_y^\alpha \Delta \alpha_\tau + n_y^\delta \Delta \delta_{\delta\tau}. \end{aligned} \quad (11)$$

Преобразуя эти уравнения с помощью определителей формул Крамера, получим отдельные уравнения для независимого оценивания каждого из коэффициентов

$$\begin{aligned} n_y^\alpha \Delta(t) &= \Delta_\alpha(t) \\ n_y^\delta \Delta(t) &= \Delta_\delta(t), \end{aligned}$$

где $\Delta(t) = \Delta \alpha(t) \Delta \delta_{\delta\tau}(t) - \Delta \alpha_\tau(t) \Delta \delta_\delta(t)$,

$$\Delta_\alpha(t) = \Delta n_y(t) \Delta \delta_{\delta\tau}(t) - \Delta n_{y\tau}(t) \Delta \delta_\delta(t),$$

$$\Delta_\delta(t) = \Delta \alpha(t) \Delta n_{y\tau}(t) - \Delta \alpha_\tau(t) \Delta n_y(t).$$

Далее согласно (2) формируем невязки $\varepsilon_\alpha, \varepsilon_\delta$

$$\begin{aligned} \varepsilon_\alpha &= \Delta_\alpha(t) - \Delta(t) n_{y_e}^\alpha, \\ \varepsilon_\delta &= \Delta_\delta(t) - \Delta(t) n_{y_e}^\delta, \end{aligned} \quad (12)$$

где $n_{y_e}^\alpha, n_{y_e}^\delta$ – оценки соответствующих коэффициентов n_y^α, n_y^δ .

Скорости настройки оценок $n_{y_e}^\alpha, n_{y_e}^\delta$ соответствующих коэффициентов n_y^α, n_y^δ , возьмем в виде

$$\begin{aligned} dn_{y_e}^\alpha/dt &= \lambda_\alpha \varepsilon_\alpha(t) \text{sign } \Delta(t), \\ dn_{y_e}^\delta/dt &= \lambda_\delta \varepsilon_\delta(t) \text{sign } \Delta(t). \end{aligned} \quad (13)$$

Проверку этих алгоритмов оценивания проведем их моделированием, приближенно учитывая связь перегрузки и угла атаки с углом отклонения рулей высоты согласно линеаризованным уравнениям продольного движения самолета при малых углах наклона траектории и измерении углов в градусах

$$d\theta/dt = Y_{\alpha}^{\alpha} \alpha + Y_{\alpha}^{\delta} \delta_e + Y_{\alpha o} - g 57.3/V,$$

$$d\omega_z/dt = M_{z_o} + M_z^{wz} \omega_z + M_z^{\dot{\alpha}} d\alpha/dt + M_z^{\alpha} \alpha + M_z^{\delta} \delta_e,$$

$$d\alpha/dt = \omega_z - d\theta/dt,$$

$$n_y = n_y^{\alpha} \alpha + n_y^{\delta} \delta_e + n_{y_o}, \quad (14)$$

$$n_y^{\alpha} = Y_a^{\alpha} V/(g57.3), \quad n_y^{\delta} = Y_a^{\delta} V/(g57.3), \quad n_{y_o} = Y_{a_o} V/(g57.3),$$

где Y_a^{α} , Y_a^{δ} , Y_{a_o} , M_{z_o} , M_z^{wz} , $M_z^{\dot{\alpha}}$, M_z^{α} , M_z^{δ} - динамические коэффициенты приведенных уравнений сил и моментов.

Схема моделирования продольного движения самолета в соответствии с системой уравнений (14) представлена на рис.1, где динамические коэффициенты самолета имеют значения

$$M_{z_o} = 11, \quad M_z^{\delta} = -11, \quad M_z^{wz} = -0.8, \quad M_z^{\dot{\alpha}} = -0.1, \quad M_z^{\alpha} = -6, \quad Y_a^{\delta} = 0.1, \quad Y_a^{\alpha} = 0.5, \quad V=562\text{м/с},$$

$$Y_{a_o} - g 57.3/V = 1, \quad n_y^{\alpha} = 0.5, \quad n_y^{\delta} = 0.1.$$

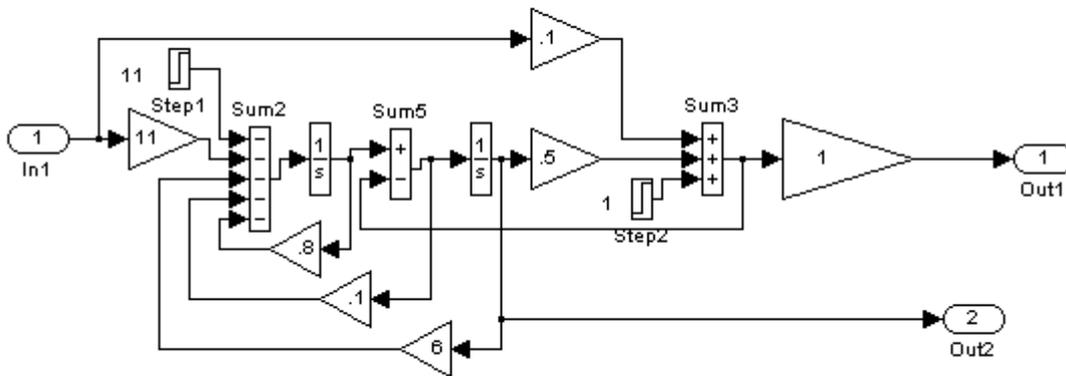


Рис.1. Схема моделирования продольного движения самолета.

Схема моделирования процессов оценивания коэффициентов n_y^{α} , n_y^{δ} приведена на рис.2, где Subsystem вычисляет определитель $\Delta(t)$, Subsystem 1 вычисляет определитель $\Delta_{\delta}(t)$. Sum 4 выдает результат вычисления определителя $\Delta_{\alpha}(t)$. Subsystem и Subsystem 1 имеют такую же структуру вычисления как и определителя $\Delta_{\alpha}(t)$.

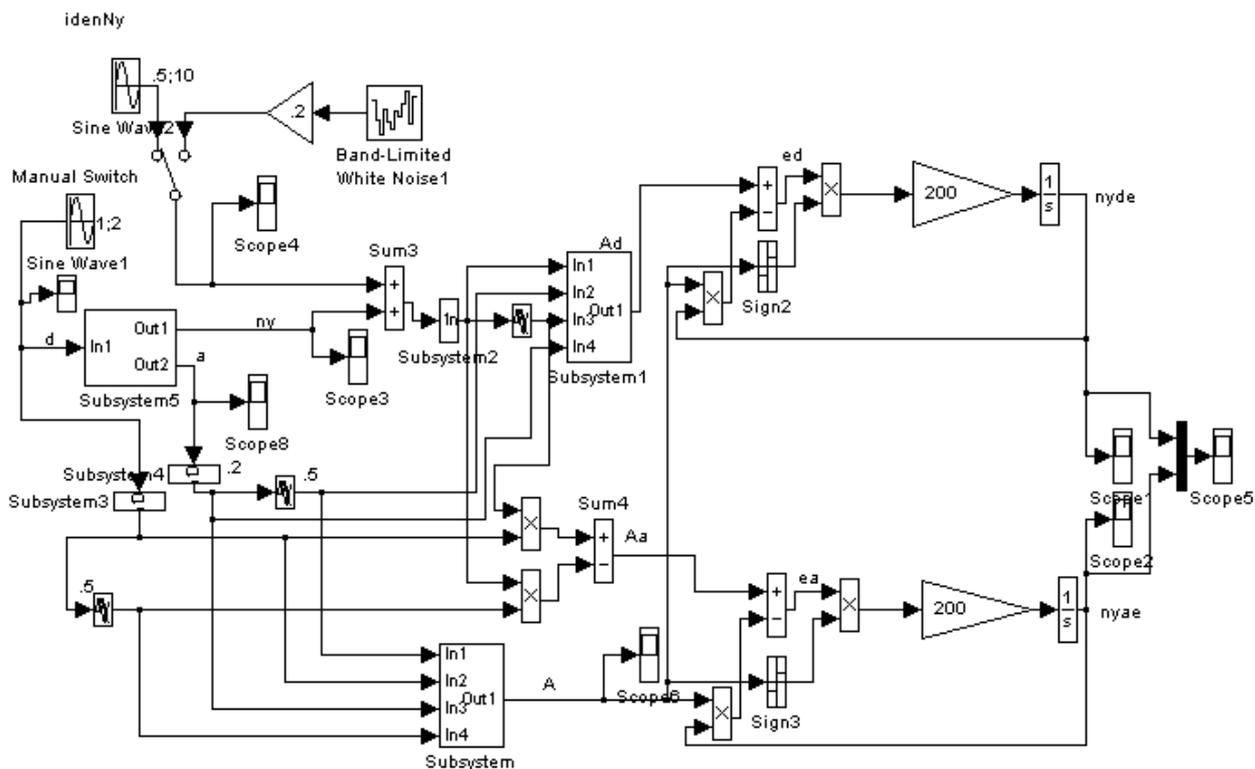


Рис.2. Схема моделирования процессов оценивания динамических коэффициентов самолета n_y^α , n_y^δ .

Блоки Subsystem 2-4 одинаковы. Они содержат фильтры помех с передаточными функциями

$$W(s) = 1/(s^2 + 3s + 4),$$

а также реализуют получение приращений сигналов на промежутке времени $\tau_l = 0,2\text{с}$.

Помеха в сигнале перегрузок принималась гармонической в виде $0.5\sin(10t)$ (с амплитудой 0,5 ед. перегрузки и частотой 10). Входной сигнал отклонения рулей высоты принимался в виде $1\sin(2t)$ (с амплитудой 1 град отклонения руля высоты и частотой 2). Значения коэффициентов λ_α , λ_δ приняты равными $\lambda_\alpha = \lambda_\delta = 200$.

В схеме моделирования рис.2 приняты обозначения: $a = \alpha$, $d = \delta$, $ny = n_y$, $A = \Delta$, $A_a = \Delta_\alpha$, $A_d = \Delta_\delta$, $ea = \varepsilon_\alpha$, $ed = \varepsilon_\delta$, $nyae = n_y^\alpha e$ – оценка коэффициента n_y^α , $nyde = n_y^\delta e$ – оценка коэффициента n_y^δ .

Процессы оценивания динамических коэффициентов самолета n_y^α , n_y^δ приведены на рис.3. Как видим, установившиеся усредненные значения оценок практически точно равны соответствующим величинам динамических коэффициентов самолета. Время оценивания составляет меньше 5с.

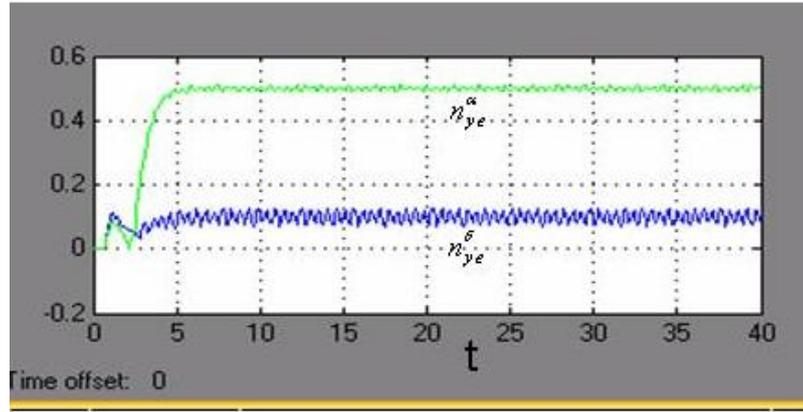


Рис.3. Переходные процессы оценивания динамических коэффициентов n_y^α , n_y^δ .

Таким образом, рассмотренный способ оценивания некоторых динамических коэффициентов самолета показывает возможность практического применения его для экспериментального оценивания динамических коэффициентов в реальных полетах.

3. Оценивание параметров динамических объектов

Предложенный способ оценивания параметров статических объектов может быть распространен и на динамические объекты заданной структуры в случае измерений или вычислений всех переменных состояния и управляющих воздействий, что, однако, приводит к некоторым структурным особенностям.

3.1. Постановка задачи

Пусть динамический объект математически описывается векторным линейным дифференциальным уравнением

$$dy/dt = A y + B x + C, \quad (15)$$

где y - n - мерный вектор переменных состояния; x - в общем случае m - мерный вектор управляющих воздействий, который без ограничения общности будем здесь считать скаляром, т. е. положим $m = 1$; A - $(n \times n)$ матрица; B - $(n \times 1)$ матрица; C - $(n \times 1)$ матрица внешних воздействий.

Пусть измеряются все n составляющих вектора y , а также управляющее воздействие x , возможно с помехами.

Требуется сформировать систему непрерывного независимого оценивания какого-либо неизвестного параметра из матриц A , B , C в реальном масштабе времени с воз-

$$Y_{1\tau j}, Y_{2\tau j}, \dots, Y_{n\tau j}, X_{\tau j}, \quad j = 1, 2, \dots, n+2.$$

4. Пример оценивания параметра динамического объекта с неполным вектором измерений

Распространение предложенных способов параметрической идентификации на случай объектов с неполным вектором измерений рассмотрим на примере оценивания коэффициента усиления или коэффициента измерителя выходной координаты объекта, описываемого двумя интегрирующими звеньями. Такой объект соответствует траекторному движению, например, летательных аппаратов, а решение задачи можно распространить на любое количество последовательно соединенных интегрирующих звеньев.

4.1. Постановка задачи

Пусть объект имеет следующие уравнения:

$$\begin{aligned} dy_1/dt &= K x; \\ dy/dt &= y_1. \end{aligned} \quad (18)$$

Здесь K - неизвестный коэффициент, подлежащий оцениванию.

Передаточная функция такого объекта имеет вид

$$W_o(s) = K/s^2.$$

Пусть измеряется входная величина $x(t)$ без помех и выходная величина $y(t)$ со случайной помехой $v(t)$, а координата y_1 не измеряется.

Требуется сформировать систему оценивания коэффициента K при произвольной ненулевой функции $x(t)$, произвольных начальных условиях $y_1(0)$, $y(0)$ и случайной помехе $v(t) = 5 \sin(5t + \varphi)$, где φ - равномерно распределенная случайная величина в пределах $0 - 2\pi$.

4.2. Решение задачи

На основе уравнений (18) получим аналитические выражения приращений выходной координаты $y(t)$ на промежутках времени τ_1 , τ_2 с учетом неизвестного начального условия $y_1(0)$:

$$\Delta y_{\tau_1} = K \iint x(t) dt dt + y_1(0) \tau_1,$$

$$\Delta y_{\tau_2} = K \iint x(t) dt dt + y_1(0) \tau_2.$$

Запишем иначе

$$\left. \begin{aligned} X_{\tau_1} K + y_1(0) \tau_1 &= \Delta y_{\tau_1} \\ X_{\tau_2} K + y_1(0) \tau_2 &= \Delta y_{\tau_2}, \end{aligned} \right\} \quad (19)$$

где $X_{\tau_1} = \iint x(t) dt dt$, $X_{\tau_2} = \iint x(t) dt dt$ –приращения двойных интегралов на промежутках времени τ_1, τ_2 .

Систему алгебраических уравнений (19) относительно неизвестной K можно привести к одному уравнению

$$\Delta(t) K = \Delta_1(t),$$

где $\Delta_1(t) = \Delta y_{\tau_1} \tau_2 - \Delta y_{\tau_2} \tau_1$, $\Delta(t) = X_{\tau_1} \tau_2 - X_{\tau_2} \tau_1$.

Сформируем невязку $\varepsilon = \Delta_1(t) - \Delta(t) K_e$ и алгоритм настройки $dK_e/dt = \lambda \varepsilon \Delta(t)$.

Структурная схема моделирования системы оценивания представлена на рис.4, где $\Delta_1(t) = \det(Y)$, $\Delta(t) = \det(X)$.

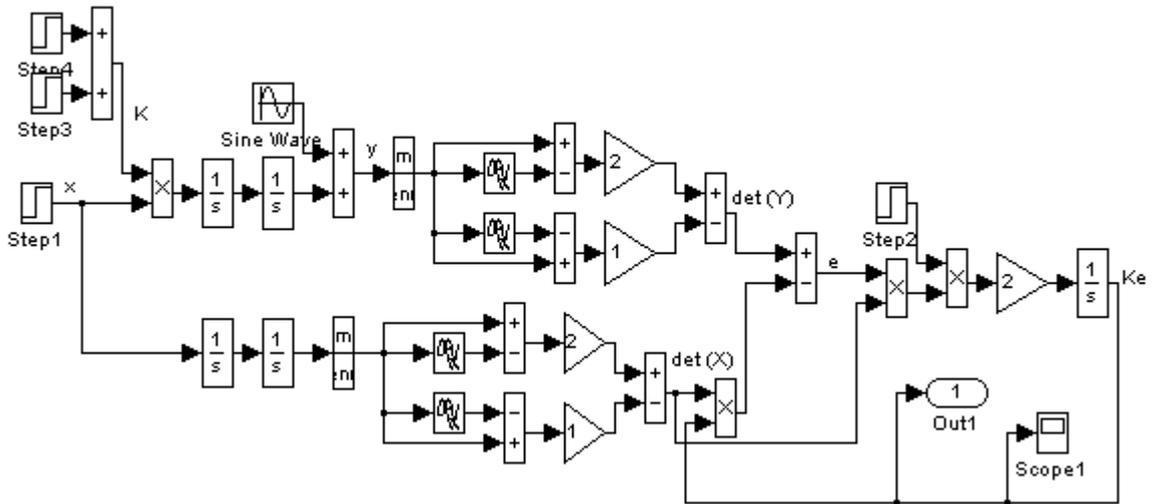


Рис.4. Структурная схема системы оценивания коэффициента K .

Зададим значения $x = 1$, $\tau_1 = 1$ с, $\tau_2 = 2$ с, $\lambda = 2$ и пропустим через фильтр-пробку с передаточной функцией $W(s) = (s^2 + 0s + 25)/(s^2 + 9s + 25)$ сигналы $y(t)$ и дважды проинтегрированный сигнал $x(t)$ для уменьшения влияния помехи на процесс оценивания.

На рис.5 приведен переходный процесс оценивания коэффициента K .

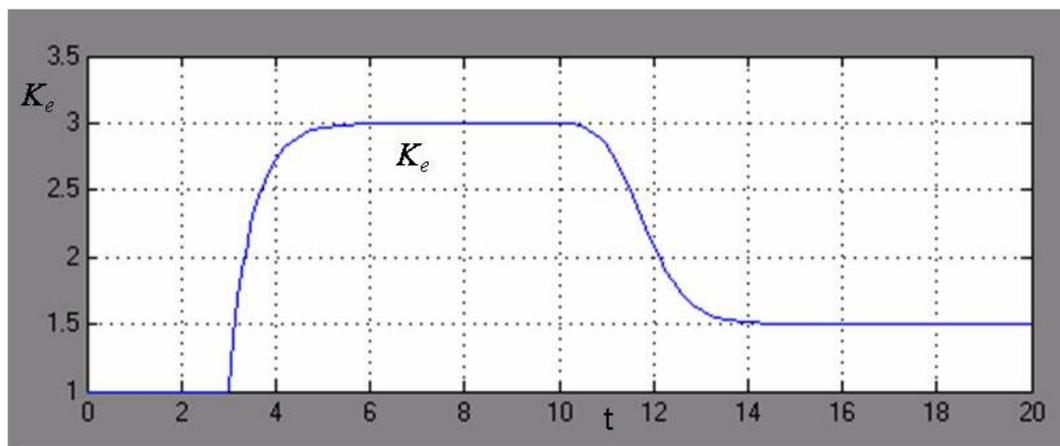


Рис.5. Переходный процесс оценивания коэффициента K .

Оценивание коэффициента K , не считая первых трех секунд, при которых не включена настройка, проходит за 2 с. с точностью до 3 % от установившегося значения, равного коэффициенту $K = 3$ при начальном значении оценки $K_e(0) = 1$ (см. рис.5). На рис.5 коэффициент объекта K на 10 секунде изменяет свое значение до уровня, равного 1.5. Соответственно, после переходного процесса длительностью около 3 с, оценка K_e принимает это же значение, что свидетельствует о возможности отслеживания переменных значений коэффициента K .

Заключение

Предложенные способы оценивания параметров статических и динамических объектов авиационных систем позволяют независимо от начальных условий и друг от друга непрерывно оценивать какой-либо или каждый параметр объекта в реальном масштабе времени. Это обеспечивает достаточную быстроту и точность оценивания при реальных уровнях помех, что позволяет рекомендовать их для практического применения.

Библиографический список

1. Гроп Д. Методы идентификации систем. - М.: Мир, 1979. - 302с.
2. Эйкхофф П. Основы идентификации систем управления. - М.: Мир, 1975. -676с.
3. Теряев Е.Д., Шамриков Б.М. Цифровые системы и поэтапное адаптивное управление. - М.: Наука, 1999. -330с.
4. Шамриков Б.М. Идентификация, адаптация и управление в условиях неопределенности. - М.: Изд. МАИ, 2005. -289с.
5. Дейч А.М. Методы идентификации динамических объектов. - М.:Энергия, 1979.- 240с.

6. Кирсанов Б.В. Похваленский В.Л. К вопросу идентификации параметров движения самолетов // Труды МАИ, вып. №476. Вопросы исследования и проектирования СУ. 1979, с. 64-68.
7. Елисеев В.Д. Об одном способе построения самонастраивающейся системы с определением неизвестных параметров объекта управления. Известия ВУЗ-ов, Электромеханика, №11, 1968, с. 1247-1253.
8. Под ред. Красовского А.А. Справочник по теории автоматического управления. - М.: Наука, Гл. ред. физ.-мат.-лит., 1987 – 712 с,
9. Елисеев В.Д., Похваленский В.Л., Котельникова А.В. Патент на изобретение № 2399078, Способ независимого оценивания неизвестных параметров линейных объектов, Бюл. изобр. № 25, 10.09.2010.