

## ОТЗЫВ

официального оппонента Хроматова Василия Ефимовича  
на диссертационную работу Зоан Куи Хиеу  
**«Напряженно-деформированное состояние пластин переменной толщины  
на основе уточненной теории»**,  
представленную на соискание ученой степени  
кандидата технических наук по специальности  
01.02.06 – Динамика, прочность машин, приборов и аппаратуры

### АКТУАЛЬНОСТЬ ТЕМЫ ДИССЕРТАЦИИ

Диссертационная работа Зоан Куи Хиеу посвящена построению уточненной по сравнению с классической теорией математической модели и методов определения напряженно-деформированного состояния (НДС) прямоугольных и круглых пластин переменной толщины вблизи зон искажения напряженного состояния, в том числе, вблизи соединений пластин и в зоне действия локальной нагрузки.

Актуальность данной работы обусловлена повышением достоверности результатов расчета НДС пластин переменной толщины, позволяющих решить проблему расчета на прочность и долговечность пластин на этапах проектирования перспективной техники.

### СОДЕРЖАНИЕ ДИССЕРТАЦИИ

Диссертация состоит из введения, четырех глав, заключения, списка литературы, содержащего 136 наименований, 13 из которых зарубежные издания. Работа содержит 155 страниц, 78 рисунков, 5 таблиц.

**Введение** содержит обоснование актуальности, цель и задачи работы, объект и предмет исследования, основные результаты и характеристику диссертационной работы.

**В первой главе** проведен анализ публикаций отечественных и зарубежных авторов по основным направлениям развития теории пластин и оболочек, показана актуальность темы диссертации. Представлены современное состояние и проблемы исследования НДС пластин по

Отдел документационного  
обеспечения МАИ

30.10.2020

Григорьев -

уточненной, в сравнении с классическими типа Кирхгофа-Лява, Тимошенко-Рейсснера, теории. Обращают на себя внимание работы, опубликованные в последние десятилетия по развитию и уточнению теории пластин и оболочек, что еще раз подчеркивает актуальность выбранной тематики исследований.

**Во второй главе** намечены основные задачи исследования НДС прямоугольных пластин переменной толщины на основе уточненной теории. Перемещения пластин аппроксимируются полиномами по нормальной к срединной плоскости координате на один порядок выше, чем в классической теории. На основе трехмерных уравнений теории упругости в безразмерной системе координат с помощью вариационного принципа Лагранжа построены двумерные уравнения равновесия теории пластин в обобщенных усилиях и сформулированы соответствующие граничные условия.

На основе сформулированных уравнений равновесия для прямоугольных пластин переменной толщины, с помощью геометрических и физических уравнений трехмерной теории упругости получены двумерные уравнения равновесия и граничные условия в перемещениях. Краевая задача пластин приведена к решению обыкновенных дифференциальных уравнений с помощью тригонометрических рядов. Решение сформулированной краевой задачи находится методами конечных разностей и матричной прогонки. Дан анализ НДС пластин в зависимости от изменяемости их толщины и внешней нагрузки. Дано сравнение результатов расчетов по уточненной и классической теориям. На основании параметрического анализа НДС пластин установлено, что в зонах защемления пластин и локальной нагрузки имеют место дополнительное НДС типа «погранслои», при котором поперечные нормальные напряжения имеют один порядок с максимальными величинами основного изгибного напряжения, соответствующего классической теории.

**В третьей главе,** по аналогии со второй, главой сформулированы двумерные уравнения равновесия и граничные условия в перемещениях для круглых пластин переменной толщины. Представлен метод решения полученной системы уравнений с помощью тригонометрических рядов,

методов конечных разностей и матричной прогонки. Приведены результаты расчетов и параметрического анализа НДС пластин в зависимости от изменяемости толщины пластин и характера локального нагружения.

**В четвертой главе** построена математическая модель и проведено исследование НДС круглых пластин переменной толщины вблизи жестко закрепленного края по уточненной теории при термомеханическом нагружении. Получены двумерные уравнения равновесия пластин и граничные условия в перемещениях. Сформулированная краевая задача приведена к решению обыкновенных дифференциальных уравнений с помощью тригонометрических рядов. Проведен анализ влияния температуры на НДС пластин.

**В заключении** сформулированы основные выводы по диссертационной работе. Следует отметить, что каждая глава завершается соответствующими выводами по главе и полученными в главе результатами.

**Автореферат** правильно и полно отражает содержание диссертации.

### **ДОСТОВЕРНОСТЬ ПОЛУЧЕННЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ**

Достоверность результатов обеспечивается корректным использованием трехмерных уравнений теории упругости, применением для решения краевых задач строгих математических методов, а также сравнениями результатов расчета НДС, полученных в диссертационной работе, с данными классической и других вариантов уточненных теорий.

### **НАУЧНАЯ НОВИЗНА ДИССЕРТАЦИИ**

Научная новизна заключается в следующем:

– Построены двумерные уравнения и граничные условия для определения НДС круглых и прямоугольных пластин переменной толщины с использованием представления компонентов перемещений в виде полиномов по нормальной к срединной плоскости координате и последующим применением вариационного принципа Лагранжа на основе трехмерных уравнений теории упругости.

– Для прямоугольных и круглых пластин переменной толщины впервые по уточненной теории получена система дифференциальных уравнений в перемещениях и сформулированы граничные условия для основных случаев крепления пластин.

– Разработана методика учета НДС изотропных круглых пластин при совместном действии механической нагрузки и температуры; дан анализ НДС пластины по уточненной теории для нескольких вариантов изменения температуры.

### **ПРАКТИЧЕСКАЯ ЗНАЧИМОСТЬ**

Полученные в диссертации результаты могут быть использованы в методиках инженерных расчетов на прочность и долговечность типовых авиационных конструкций и их соединений, а также при проектировании машиностроительных и строительных конструкций.

### **ПУБЛИКАЦИИ**

Основные результаты диссертационной работы были опубликованы в 13-ти научных работах, из них 6 в журналах, входящих в Перечень ВАК РФ, одна из них опубликована в издании, входящем в МБД Scopus, доложены на различных международных конференциях, включая Международный симпозиум «Динамические и технологические проблемы механики конструкций и сплошных сред» им. А.Г.Горшкова 2017-2019 гг.

### **ЗАМЕЧАНИЯ ПО ДИССЕРТАЦИИ**

1. Построенная система дифференциальных уравнений трехмерной теории упругости для прямоугольных и круговых пластин решается методом конечных разностей и матричной прогонки. Упоминается разработанный автором алгоритм определения НДС, но нет описания, блок схемы осуществления этого алгоритма. А это, видимо, составляет наиболее трудоемкую и творческую часть вычислительной работы по диссертации. Было

бы целесообразно дать описание математического пакета решения задач, представленных в диссертации.

2. Громоздкий математический аппарат, математические формулы и соответствующие уравнения равновесия наталкивают на мысль использования и современных математических пакетов, существенно упрощающих и сокращающих решение поставленных задач, например Mathematica.

3. В четвертой главе недостаточно подробно описано решение сформулированной краевой задачи при действии высокой температуры.

Указанные замечания носят рекомендательный характер и не влияют на общую положительную оценку диссертации.

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Диссертация выполнена на высоком научном уровне и соответствует положению «О порядке присуждения ученых степеней», утвержденного постановлением Правительства РФ № 842 от 24.09.2013 г.

Автор диссертации Зоан Куи Хиеу заслуживает присуждения ученой степени кандидата технических наук по специальности 01.02.06 – Динамика, прочность машин, приборов и аппаратуры

профессор ФГБОУ ВО Национальный исследовательский университет "Московский Энергетический институт", профессор кафедры "Робототехника, мехатроника, динамика и прочность машин", г. Москва.

к.т.н., профессор

Специальность 01.02.06 – Динамика, прочность машин, приборов и аппаратуры.

Адрес места работы: 111250, г. Москва, улица Красноказарменная, д. 14; тел. 8 (495) 362-77-00; e-mail: [KhromatovVY@mpri.ru](mailto:KhromatovVY@mpri.ru)

Подпись Хроматова Василии Ефимовича заверяю

Хроматов Василий Ефимович

23.10.202

Подпись  
удостоверяю  
начальник управления по  
работе с персоналом

Н.Г. Савин

*Н.Г. Савин*

(подпись)

(Фамилия И.О.)

